

1. úkol (termín odevzdání 24.10.2017/26.10.2017)

1. Vyšetřete konvergenci integrálu

$$\int_0^{\infty} \frac{\log(x+1)}{x^s} dx.$$

v závislosti na parametru  $s \in \mathbb{R}$ .

2. Nechť  $\mathcal{S}$  je  $\sigma$ -algebra na  $X$  a buď  $A \subset X$ , pro kterou platí  $A \notin \mathcal{S}$ . Popište  $\sigma(\mathcal{S} \cup \{A\})$ .

2. úkol (termín odevzdání 31.10.2017/2.11.2017)

1. Spočtěte

$$\lim_{a \rightarrow 0^+} \int_0^1 \frac{a^{x^2+1}}{x^2+1} dx.$$

3. úkol (termín odevzdání 28.11.2017/16.11.2017)

1. Spočtěte

$$\int_0^1 \frac{x^2 \log \frac{1}{x}}{1+x} dx.$$

4. úkol (termín odevzdání 28.11.2017/23.11.2017)

1. Spočtěte

$$F(a) = \int_0^1 \frac{\arctan(ax)}{x\sqrt{1-x^2}} dx.$$

5. úkol (termín odevzdání 12.12.2017/7.12.2017)

1. Spočtěte  $\lambda_2(M)$ , kde  $M$  je množina omezená křivkami  $x = -1$ ,  $y = 10 - x$  a  $y = x^3$ .

2. Spočtěte  $\int_M f$ , kde

$$M = \{(x, y) \in \mathbb{R} : 3x^2 - 2 \leq y \leq 2 - x^2\}, \quad f(x, y) = xy.$$

6. úkol (termín odevzdání 19.12.2017/14.12.2017)

1. Spočtěte  $\int_M f$ , kde

$$M = \{(x, y) \in \mathbb{R} : 1 \leq xy \leq 2, xy \leq x \leq xy + 4\}, \quad f(x, y) = x^2y.$$

7. úkol (termín odevzdání 9.1.2017/4.1.2017)

1. Spočtete  $\lambda_2(M)$ , kde

$$M = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \leq 1, (x-1)^2 + y^2 \leq 1\}.$$

8. úkol (termín odevzdání 9.1.2017/11.1.2017)

1. Spočtete  $\lambda_3(M)$ , kde  $M$  je množina omezená plochami  $x^2 + y^2 + z^2 = 9$  a  $x^2 + z^2 = 4$ .

9. úkol (termín odevzdání 9.1.2017/11.1.2017)

1. Pro  $b > a$  spočtete  $\int_M f$  pro

$$M = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : \infty > x > 0, b > y > a\}, \quad f(x, y) = xe^{-x^2y},$$

pomocí Fubiniovy věty postupně v pobou pořadích integrace a odvoďte tak hodnotu integrálu

$$\int_0^\infty \frac{e^{-ax^2} - e^{-bx^2}}{x} dx.$$